

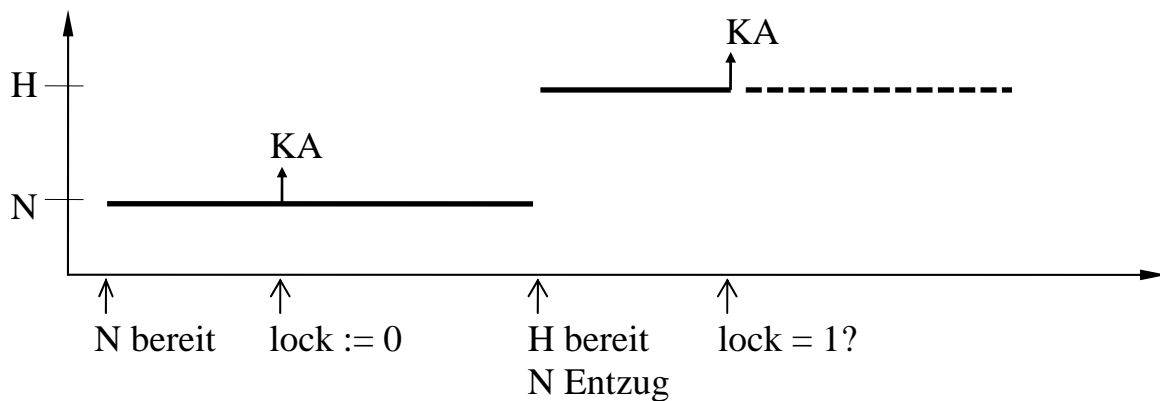
# 9. Konkurrierender Betriebsmittelzugriff

## 9.1. Probleme

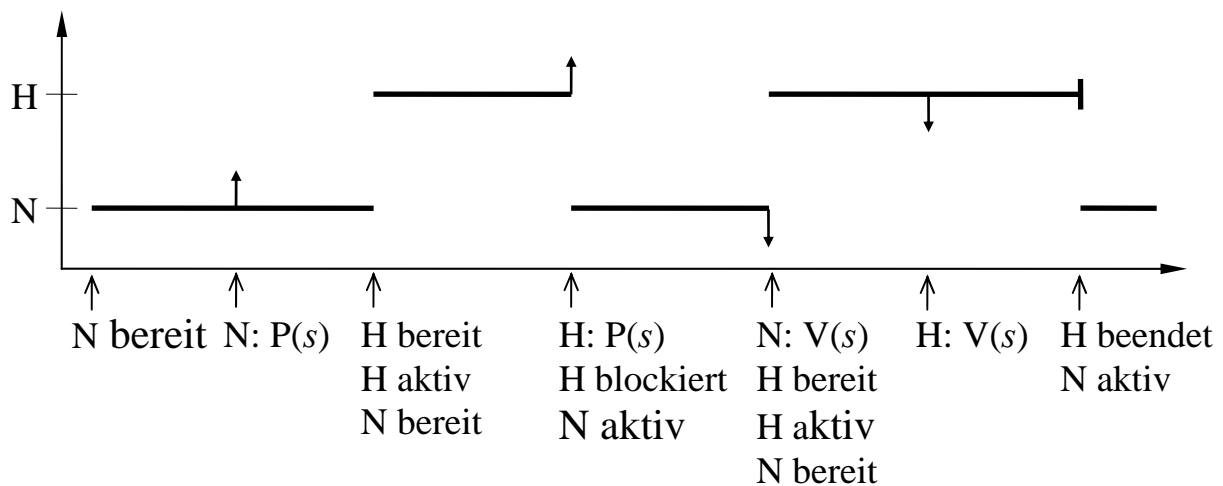
- **Prioritätsumkehr (priority inversion)**

*Annahme:* Tasks besitzen Deadlines (sind aber nicht notwendig periodisch), und es bestehen Abhängigkeiten (kritische Abschnitte, KA). Prozessor ist entziehbar durch Tasks höherer Priorität.

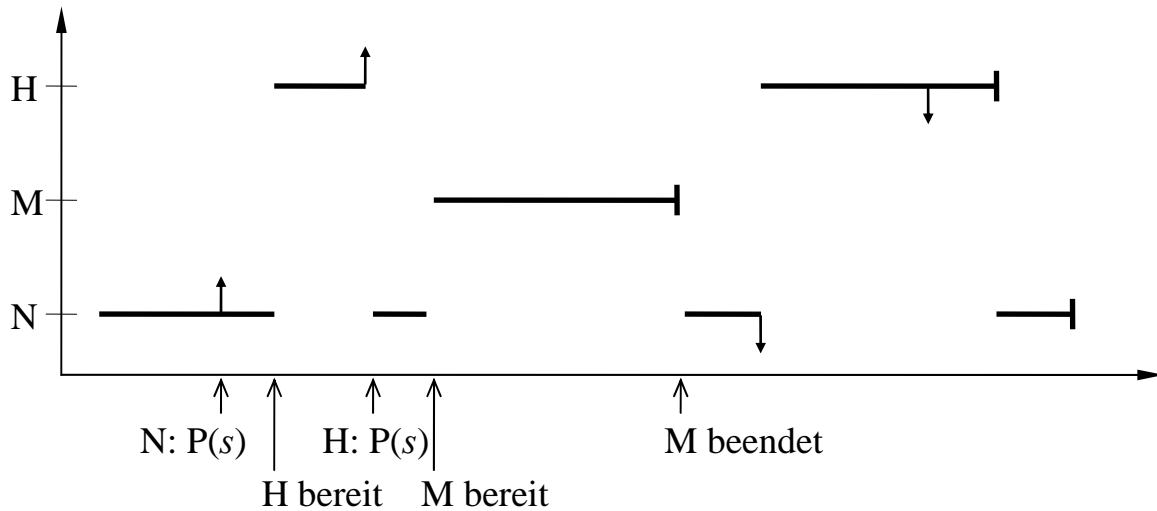
– *Prioritätsumkehr bei aktivem Warten*



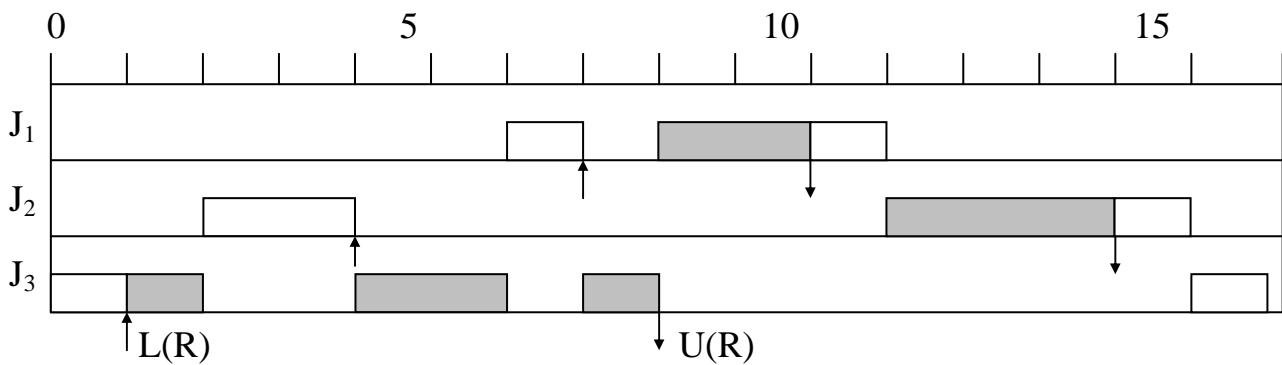
– *Prioritätsinversion bei Verwendung von Semaphoren*



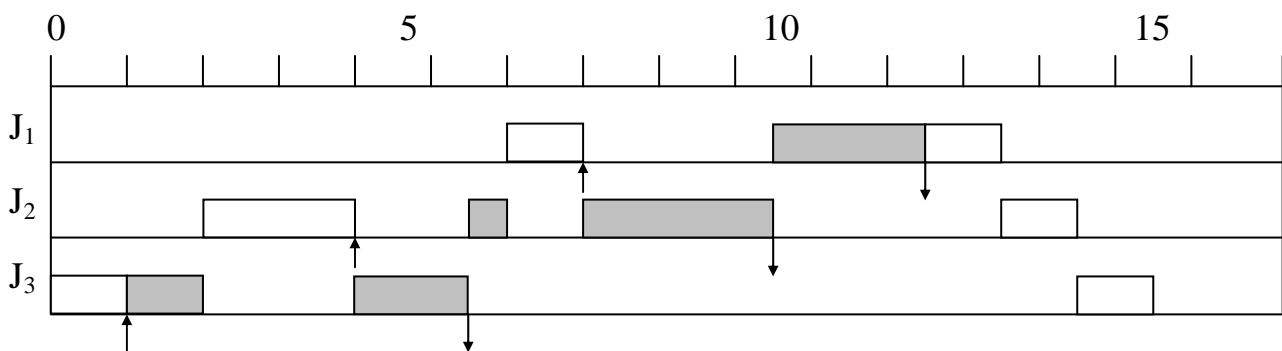
M: Task mittlerer Priorität (ohne Verwendung von  $s$ )



• **Zeitanomalie**



Verkürzung der BM-Nutzungszeit von  $J_3$  auf 2,5:



• **Verklemmungen**

## 9.2. Annahmen und Bezeichnungen

- 1 Prozessor, entziehbar, keine Selbstunterbrechung  
Scheduling prioritätsbasiert  
Tasks nicht notwendig periodisch.
  
- $R_1, \dots, R_r$                     Betriebsmittel (BM);    nicht entziehbar, exklusiv
  
- $L(R_k), U(R_k)$                     Anfordern/Freigeben von  $R_k$ ;    Freigabe nach LIFO  
   $\uparrow R_k$      $\downarrow R_k$
  
- $J_1, \dots, J_n$                     Jobs;  
   $J_h, J_l$                     Job hoher/niedriger Priorität
  
- $p_1, \dots, p_n$                     Prioritäten (höchste Priorität: 1), „fest“ zugeordnet  
  o.B.d.A.  $J_i$  geordnet gemäß Prioritäten
  
- $p_i(t)$                     aktuelle Priorität von  $J_i$
  
- ***Jobs in Konflikt***  
  benötigen dasselbe BM
  
- Jobs konkurrieren um ein BM***  
  einer der Jobs hat das BM, das ein anderer Job momentan braucht
  
- Job blockiert***  
  kann angefordertes BM nicht erhalten
  
- ***Prioritätsumkehr***  
   $J_l$  wird ausgeführt, während  $J_h$  blockiert ist

### 9.3. Prioritätsvererbung

für präemptives prioritätsbasiertes Scheduling SHA et al., 1990

- **Basic priority-inheritance protocol**

(1) *Scheduling-Regel*

$J_i$  erhält Prozessor gemäß aktueller Priorität  $p_i(t)$ ;

Freigabezeit:  $p_i(t) := p_i$ .

(2) *Zuteilungsregel*

$J_i$  fordere  $R_k$  zur Zeit  $t$ .

(a)  $R_k$  belegt: Anforderung verweigert,  $J_i$  blockiert.

(b)  $R_k$  frei:  $R_k$  wird  $J_i$  zugeteilt.

(3) *Prioritätsvererbungs-Regel*

Wird  $J_i$  blockiert durch  $J_l$ , so erbt  $J_l$  die aktuelle Priorität von  $J_i$ , d.h.

$$p_l(t) := p_i(t).$$

$J_l$  wird mit dieser Priorität bearbeitet.

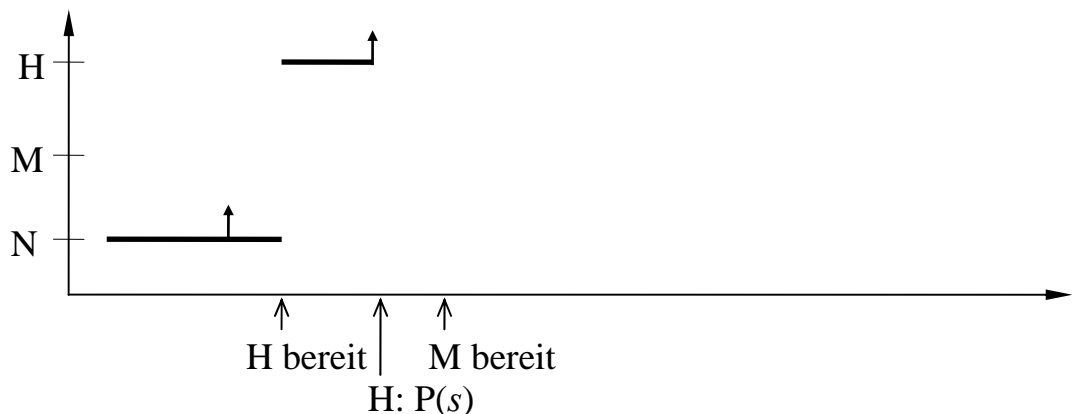
Zur Freigabezeit  $\tilde{t}$  von  $R_k$  wird Priorität zurückgesetzt:

$$p_i(\tilde{t}) := p_i(t') \quad t': \text{Zuteilungszeitpunkt von } R_k \text{ an } J_l.$$

- **Beispiel 9.1.**

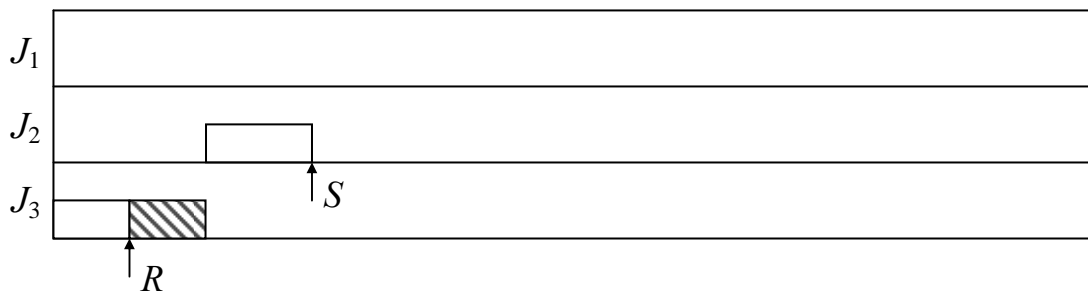
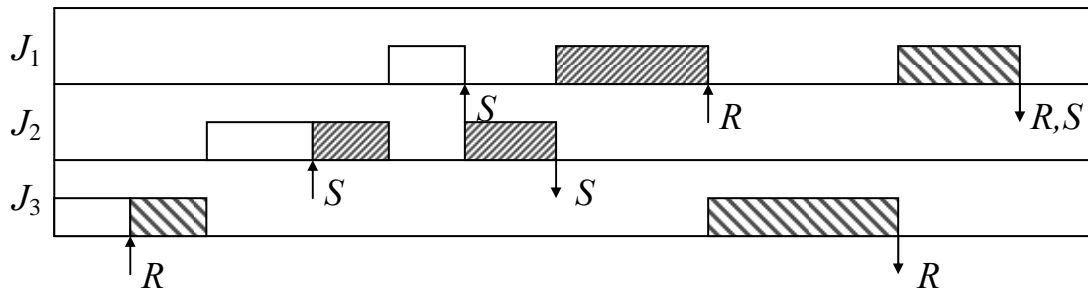
2 Tasks: keine Auswirkung!

3 Tasks:

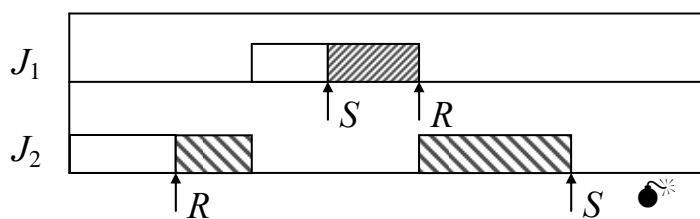


• **Eigenschaften**

- Prioritätsvererbung ist transitiv.
- Keine unbegrenzte unkontrollierte Prioritätsumkehr.
- Prioritätsvererbung führt nicht notwendig zu minimaler Blockierungszeit.



- Prioritätsvererbung verhindert keine Deadlocks.



## 9.4. Prioritätsschranken

### Basic Priority-Ceiling Protocol

SHA/RAJKUMAR/LEHOCZKY, 1990

- **Voraussetzungen und Begriffe**

- 1 Prozessor, präemptives prioritätsbasiertes Scheduling, keine Selbstunterbrechung.
- Zugeordnete Prioritäten  $p_i$  sind fest.  
Prioritäten: natürliche Zahlen, 1 höchste Prior.;  $\Omega$  niedrigste Priorität.
- BM-Anforderungen aller Jobs a priori bekannt.
- $P(R_k)$  *Prioritätsschranke (priority ceiling) von  $R_k$*   
höchste Priorität aller Jobs, die  $R_k$  anfordern.
- $\hat{P}(t)$  *Prioritätsschranke des Systems zur Zeit  $t$*   
höchste Prioritätsschranke aller derjenigen BM, die zur Zeit  $t$  belegt sind.

- **Prioritätsschranken-Protokoll**

- (1) **Scheduling-Regel**

Zur Freigabezeit  $t^{rel}$  von  $J_i$  ist  $p_i(t^{rel}) = p_i$ .

- (2) **Zuteilungsregel**

$J_i$  fordere  $R_k$  zur Zeit  $t$ .

(a)  $R_k$  belegt: Anforderung verweigert,  $J_i$  blockiert („an  $R_k$ “).

(b)  $R_k$  frei:

( $\alpha$ )  $p_i(t) \succ \hat{P}(t)$ :  $R_k$  wird  $J_i$  zugeteilt.

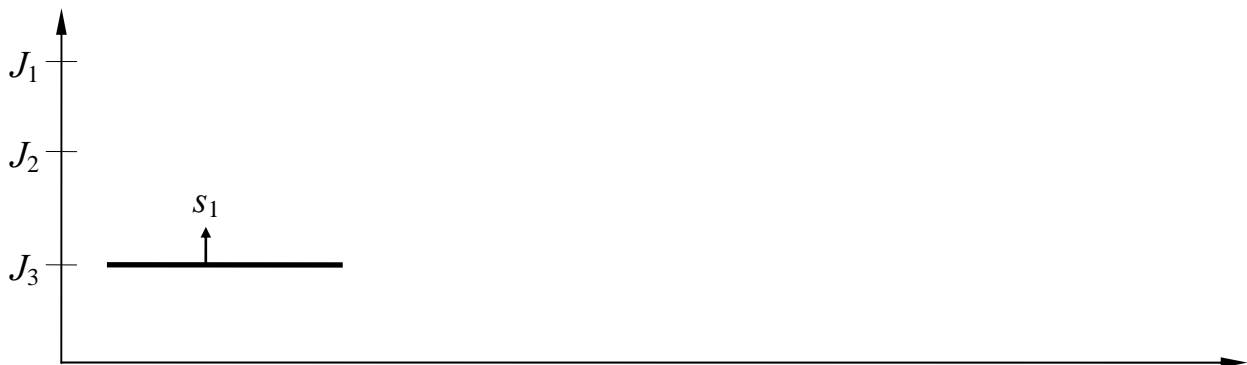
( $\beta$ ) sonst:  $R_k$  wird  $J_i$  genau dann zugeteilt, wenn  $J_i$  derjenige Job ist, der die BM  $R$  besitzt mit  $P(R) = \hat{P}(t)$ .

Andernfalls Verweigerung und Blockierung.

- (3) **Prioritätsvererbungsregel**

Wird  $J_i$  durch  $J_l$  blockiert, so erbt  $J_l$  die aktuelle Priorität  $p_i(t)$  von  $J_i$ .  $J_l$  wird mit dieser Priorität (preemptiv) bearbeitet bis zur Freigabe aller BM, deren Prioritätsschranke mindestens  $p_i(t)$  ist. Danach fällt  $J_l$  auf die Priorität  $p_i(t')$  zurück ( $t'$ : Zuteilungszeitpunkt von  $R_k$  an  $J_l$ ).

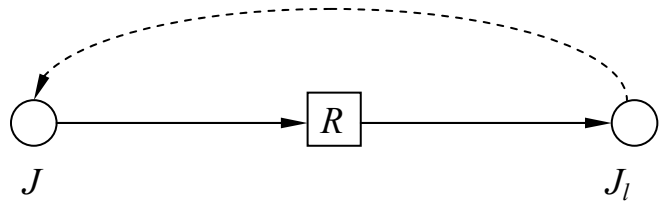
- **Beispiel 9.2.**



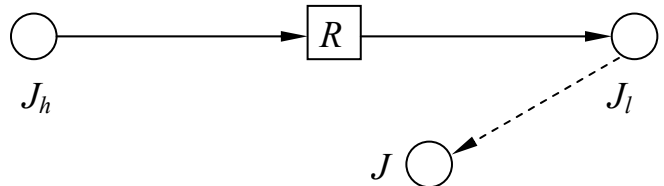
- **Eigenschaften**

- Unterschied zu Prioritätsvererbung: *drei* Blockierungsformen

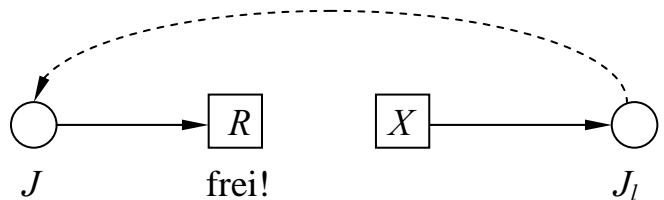
direkt:



durch Vererbung:



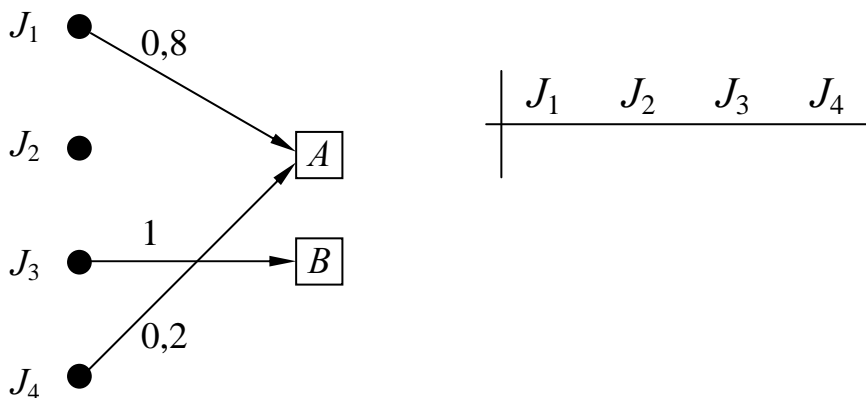
durch Prioritätsschranken:



- Deadlocks sind ausgeschlossen.

- Ein Job kann höchstens für die Dauer *eines* BM-Zugriffs blockiert sein.

Berechnung der Blockierungsdauer – Beispiel:



- Blockieren ist „anti-transitiv“ (keine mehrfache Prioritätsinversion).



## 9.5. Kellerbasiertes Prioritätsschranken-Protokoll

### Stack-Based Priority-Ceiling Protocol

- **Weitere Voraussetzungen**

- Gemeinsamer Laufzeit-Stack für alle Jobs
- Stack eines aktiven Jobs stets „ganz oben“ (Verdrängung!)
- Stack wird bei Ende eines Jobs freigegeben

- **Protokoll**

(1)  $\hat{P}(t) = \Omega$ , falls alle BM  $R_k$  frei.

Aktualisierung von  $\hat{P}(t)$  bei jeder Belegung oder Freigabe von  $R_k$ .

2) **Scheduling-Regel**

Nach seiner Freigabe ist ein Job  $J_i$  blockiert, bis  $p_i(t) \succ \hat{P}(t)$  gilt.

Bereite Jobs werden gemäß ihrer zugeordneten Priorität ausgeführt.

(3) **Zuteilungsregel**

Wenn ein Job ein BM anfordert, wird es ihm zugeteilt.

- **Beispiel.**

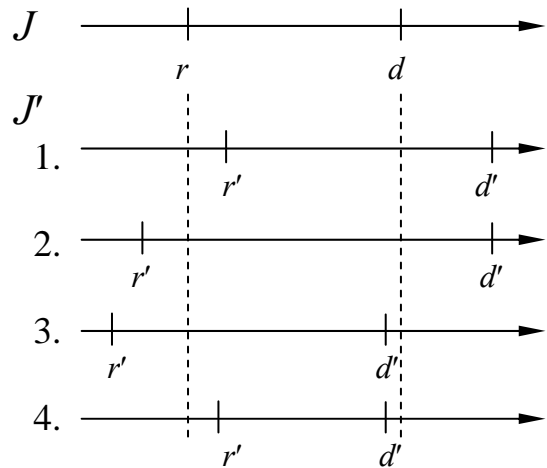
- **Eigenschaften**

- Bei Beginn der Ausführung eines Jobs sind alle BM, die der Job anfordert, frei.
- Beide Protokolle führen zu derselben maximalen Blockierungszeit eines Jobs.
- Deadlocks und mehrfache Prioritätsinversion sind ausgeschlossen.

## 9.6. Verdrängungsstufen (preemption levels)

- **Eigenschaften von EDF**

- Werden periodische Tasks mittels EDF ausgewählt, so sind die Prioritäten auf *Jobebene* statisch.
- Ein Job  $J$  mit kürzerer relativer Deadline kann nie durch einen Job  $J'$  mit längerer relativer Deadline verdrängt werden.
- $J_l$  kann  $J_h$  nur dann blockieren, wenn  $J_h$  Job  $J_l$  verdrängen kann.



- **Verdrängungsstufe  $\pi_J$  eines Jobs  $J$**

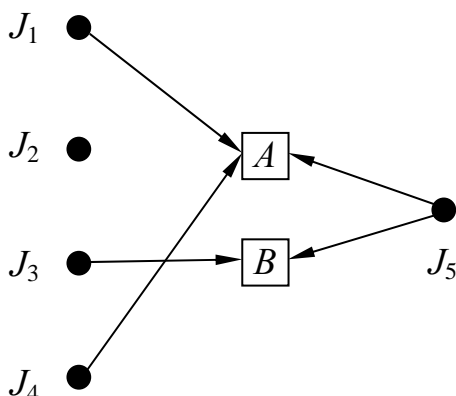
- **Eigenschaft**

Ein Job höherer Verdrängungsstufe kann nicht durch einen Job niedrigerer Verdrängungsstufe unterbrochen werden.

- **Bedingung für Zuordnung (validation condition)**

Hat  $J$  eine höhere Priorität als  $J'$ , aber eine spätere Freigabezeit, so muß  $J$  eine höhere Verdrängungsstufe als  $J'$  erhalten.

- **Beispiel 9.3.**



Jobs	$p_i$	$r_i$	$\pi_i$	$\pi_i'$
$J_1$	1	5		
$J_2$	2	7		
$J_3$	3	4		
$J_4$	4	0		
$J_5$	5	3		

- **EDF-basiertes Scheduling für periodische Tasks**

„Deadline-monoton“ ist gültige Zuordnung von Verdrängungsstufen zu Jobs: je kürzer die relative Deadline, desto höher die Verdrängungsstufe.

→ Alle Jobs einer periodischen Task haben dieselbe Verdrängungsstufe („fixed preemption-level system“).

- **Verdrängungsschranken (Preemption Ceilings)**

$\Pi(R)$  Verdrängungsschranke von BM  $R$

$\hat{\Pi}(t)$  Verdrängungsschranke des Systems zum Zeitpunkt  $t$

analog Prioritätsschranken

- **Kellerbasiertes Verdrängungsstufen-Protokoll (Stack-Based, Preemption-Ceiling Protocol)**

(0)  $\hat{\Pi}(t) = \Omega$ , wenn alle BM  $R$  frei.

$\hat{\Pi}(t)$  wird aktualisiert bei jeder BM-Zuteilung oder -Freigabe.

(1) **Scheduling-Regel**

Nach seiner Freigabe ist ein Job  $J$  blockiert, bis gilt:

$\pi_J \succ \hat{\Pi}(t)$  und  $\pi_J \succ \pi_{J'}$  ( $J'$ : aktueller Job).

Bereite Jobs werden gemäß ihrer zugeordneten Priorität ausgeführt.

(2) **Zuteilungsregel**

Wenn ein Job ein BM anfordert, wird es ihm zugeteilt.

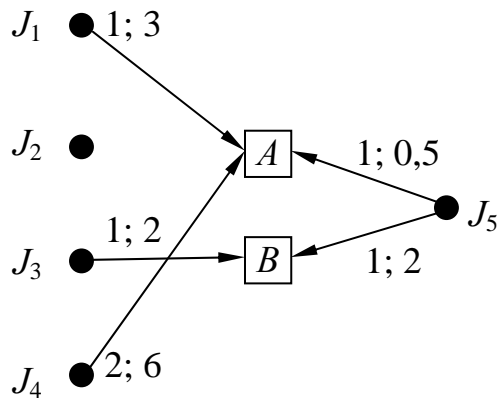
(3) **Prioritätsvererbungsregel**

Blockiert Job  $J$  einen anderen Job bei dessen Freigabe, so erbt  $J$  die höchste Priorität aller blockierten Jobs.

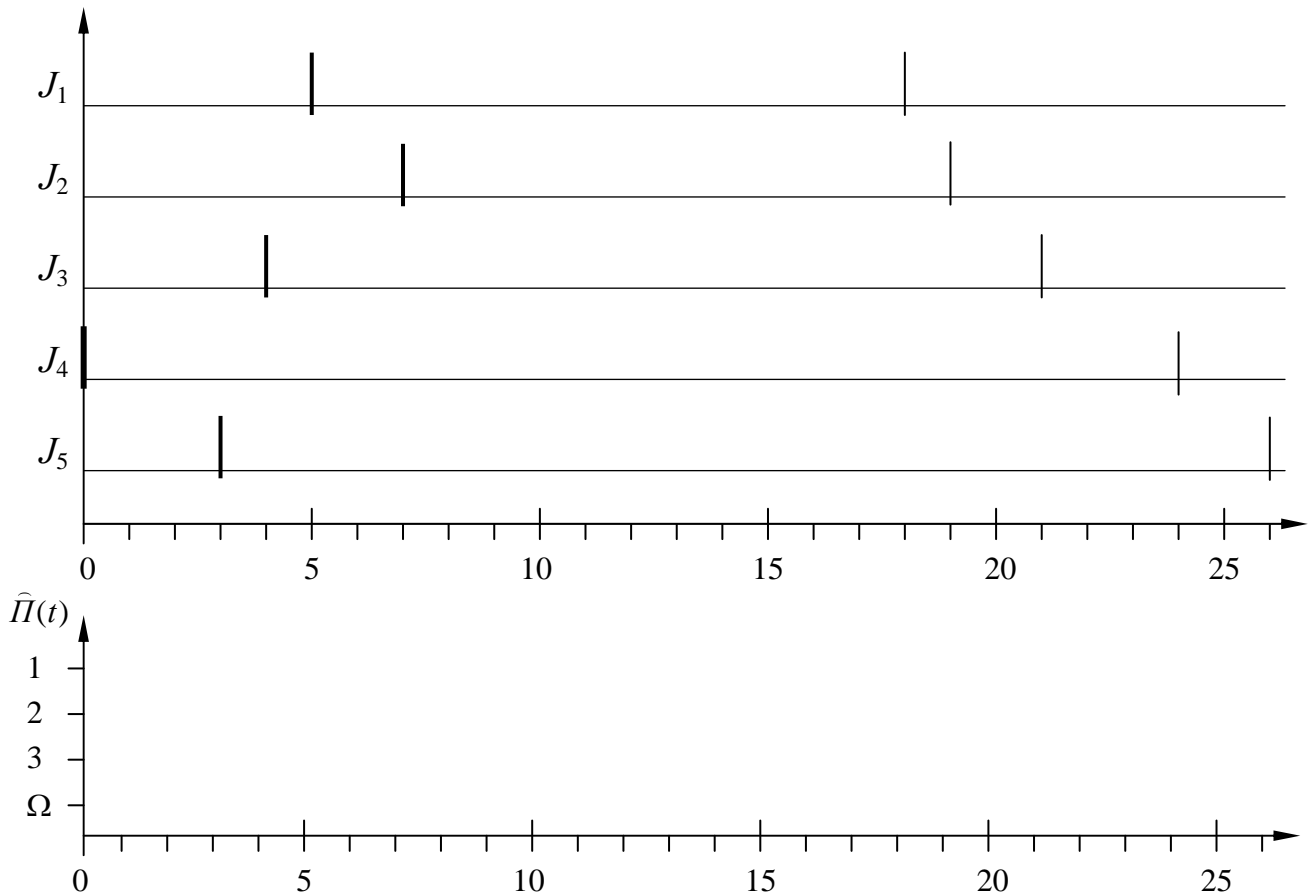
• **Beispiel 9.4.**

Kellerbasiertes Verdrängungsstufen-Protokoll für Bsp. 9.3 bei EDF.

Kantenbeschriftung: Beginn und Dauer der BM-Nutzung



Job s	$p_i$	$r_i$	$d_i$	$e_i$	$\pi_i$
$J_1$		5	13	5	
$J_2$		7	12	3	
$J_3$		4	17	4	
$J_4$		0	24	9	
$J_5$		3	23	4	



• **Eigenschaften**

wie Prioritätsschranken-Protokoll

## 9.7. Mehrexemplar-Betriebsmittel

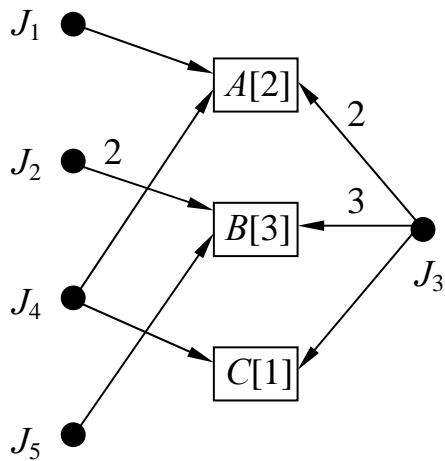
$r_k$ : Anzahl der Exemplare von BM  $R_k$

$f$ : Anzahl der freien Exemplare eines BM

- **Prioritätsschranke  $P_f(R_k)$**

höchste Priorität aller Jobs, die (momentan) mehr als  $f$  Exemplare anfordern; sonst  $\Omega$ .

- **Beispiel 9.5.**



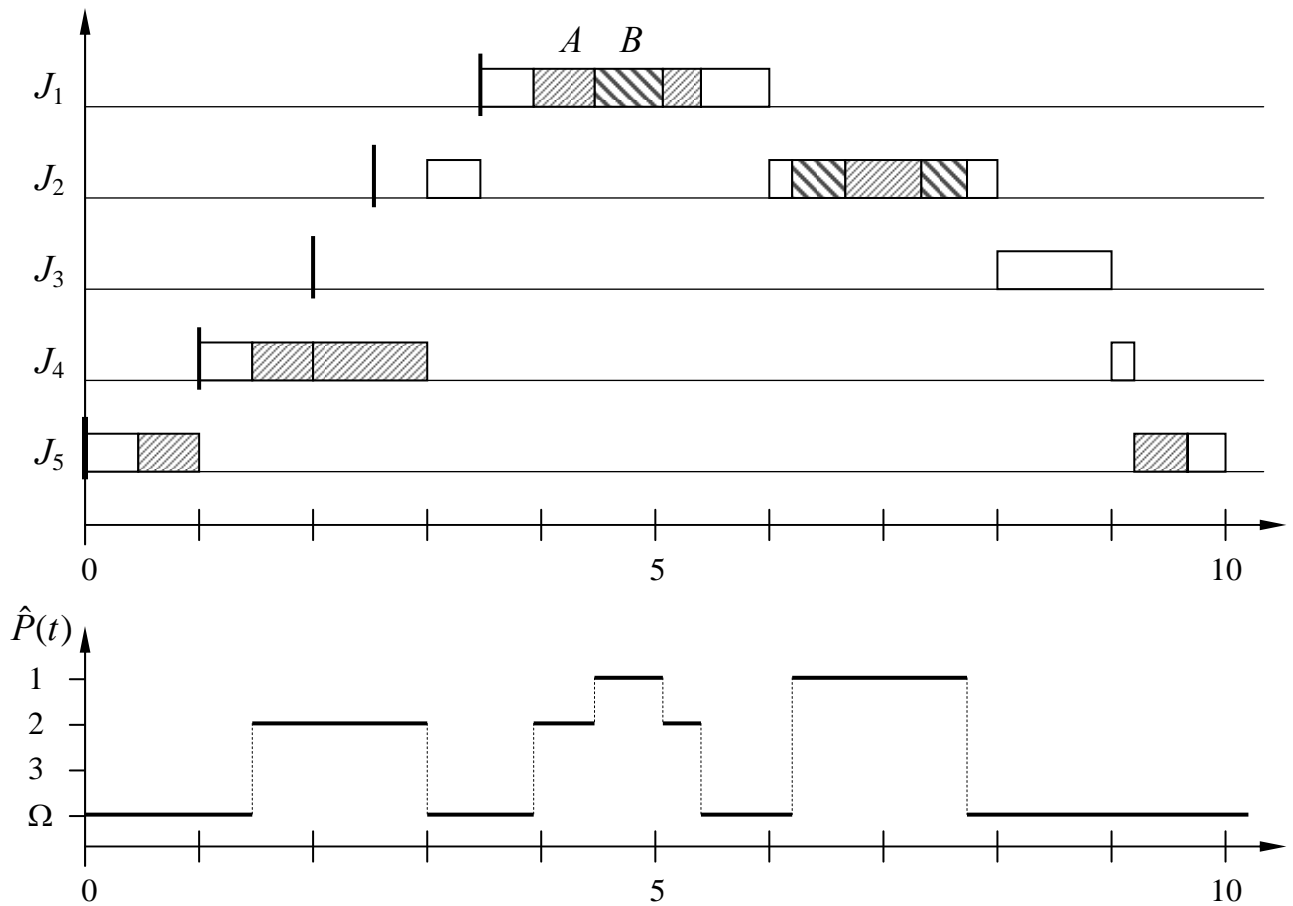
$i \mid f$	BM-Anford. von $J_i$					$P_f(R)$			
	1	2	3	4	5	0	1	2	3
$A$									
$B$									
$C$									

- **Protokoll und Eigenschaften**

analog (bis auf Vererbung bei Prioritätsschranken-Protokoll).

• **Beispiel 9.6.**

$i \setminus f$	BM-Anford. von $J_i$					$P_f(R)$					
	1	2	3	4	5	0	1	2	3	4	5
$A[5]$	2	4	0	1	1						
$B[1]$	1	1	0	0	1						



### Aufgabe 9.1.

5 Jobs  $J_i$ ;  $p_i = i$ ,  $r_i$  Freigabezeitpunkt,  $e_i$  Bearbeitungszeit  
 2 BM  $A, B$ ;  $a_i$  Beginn der BM-Nutzung (relativ zu  $r_i$ )  
 $b_i$  Nutzungsdauer

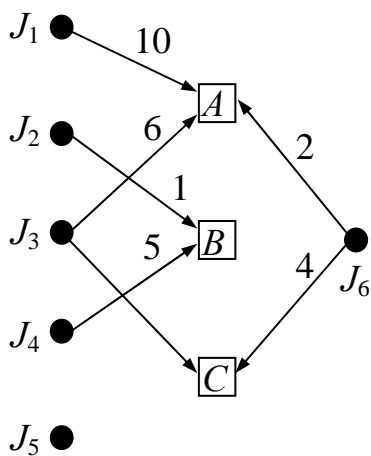
$i$	$r_i$	$e_i$	$A: a_i$	$b_i$	$B: a_i$	$b_i$
1	7	3	1	1	-	-
2	5	3	-	-	1	1
3	4	2	-	-	-	-
4	2	6	1	4	3	1,5
5	0	6	-	-	1	4

Gesucht: Ablaufpläne und Blockierungszeiten bei Einplanung

- ohne Prioritätsvererbung
  - mit Prioritätsvererbung
  - gemäß Prioritätsschranken-Protokoll
  - gemäß kellerbasiertem Prioritätsschranken-Protokoll
- sowie Verlauf von  $\hat{P}(t)$  bei c) und d).

### • Aufgabe 9.2.

Bestimmen Sie die Blockierungszeiten (unterschieden nach der Ursache der Blockierung) für das nachstehend angegebene Jobnetz!



	direkt					Pr.-Vererbung					Pr.-Schranken				
	$J_2$	$J_3$	$J_4$	$J_5$	$J_6$	$J_2$	$J_3$	$J_4$	$J_5$	$J_6$	$J_2$	$J_3$	$J_4$	$J_5$	$J_6$
$J_1$															
$J_2$															
$J_3$															
$J_4$															
$J_5$															